

MA.3

A

## Grondezzas, funcziuns, datas e casualitat

## Operar e numnar

**1. Las scolaras ed ils scolars chapeschan e dovrano noziuns e simbols per grondezzas, funcziuns, datas e casualitat.**

 renviaments  
 AS - Emprender e reflexion (7)  
 NUS.9.1

MA.3.A.1

Las scolaras ed ils scolars ...

1

- a » san descriver objects e situaziuns cun lung/curt (temporal e spazial), svelt/plaun, avant/suenter, lad/stretg, gross/satigl, grond/pitschen, grev/lev.

- b » chapeschan e dovrano las noziuns daners, munaida e notas tranter 1 e 20 francs.  
 » san descriver differenzas tranter objects e situaziuns cun gradaziuns, en spezial areguard ils pretschs, las lunghezzas, las uras, las duradas, ils pais ed ils cuntegns (p.ex. B è pli grev che A, C è il pli grev).

- c » chapeschan e dovrano las noziuns lunghezza, meters, centimeters, temp, uras, minutus, francs, raps, pretsch.  
 » san s'orientar vi da grondezzas da referencia: 1 centimeter, 1 meter.  
 » san duvrar unitads da mesira per daners e lunghezzas sco era las abreviaziuns fr., rp., cm, m.

- d » san furmar summas da daners fin 100 francs cun munaida e bancnotas.

2

- e » chapeschan e dovrano las noziuns pais, cuntegn, uras, durada, secunda.  
 » san s'orientar vi da grondezzas da referencia: 1 km, 1 dm, 1 mm, 1 kg, 100 g, 1 l, 1 dl, 1 h, 1 min (p.ex. associar 1 kg cun in pachet farina).  
 » san numnar e duvrar unitads da mesira e lur abreviaziuns: lunghezzas (km, dm, mm), mesiras chavorgias (l, dl), pais (kg, g) temp (h, min).

- f » san numnar e duvrar unitads da mesira e lur abreviaziuns: mesiras chavorgias (l, dl, cl, ml), pais (l, kg, g, mg), temp (h, min, s).  
 » san s'orientar vi da grondezzas da referencia: 1 s, 1 min.  
 » chapeschan e san duvrar prefixs: kilo, deci, centi, milli.

- g » chapeschan e dovrano las noziuns (im)probabel, (nun)pussaivel, segir.

- h » chapeschan e dovrano las noziuns proporziunalidad, surfatscha, volumen, cuntegn, valur media, diagram a turta, diagram a colonnas, diagram a lingjas, datas, frequenza, casualitat, arcun.  
 » san s'orientar vi da grondezzas da referencia: 1 m<sup>2</sup>, 1 dm<sup>2</sup>, 1 cm<sup>2</sup>, 1 mm<sup>2</sup>, 1 bit, 1 byte, 1 kB.  
 » san numnar unitads da mesira e duvrar lur abreviaziuns: mesiras da surfatscha (km<sup>2</sup>, m<sup>2</sup>, dm<sup>2</sup>, cm<sup>2</sup>, mm<sup>2</sup>), temp (d, h, min, s).

MI.2.3.f

- i » san s'orientar vi da grondezzas da referencia: 1 m<sup>3</sup>, 1 dm<sup>3</sup>, 1 cm<sup>3</sup>.  
 » chapeschan e san duvrar prefixs: mega, giga, tera.

3

- j » chapeschan e dovrano las noziuns sistem da coordinatas, valuta, media aritmetica (amplificaziun: proporziunalidad indirecta).  
 » san duvrar unitads da mesira e lur abreviaziuns sco era s'orientar vi da grondezzas da referencia: mesiras da surfatscha (km<sup>2</sup>, ha, a, m<sup>2</sup>, dm<sup>2</sup>, cm<sup>2</sup>, mm<sup>2</sup>), mesiras da spazi (km<sup>3</sup>, m<sup>3</sup>, dm<sup>3</sup>, cm<sup>3</sup>, mm<sup>3</sup>), daners (francs, €, \$).

- k » chapeschan e dovrano las noziuns frequenza absoluta e relativa, coordinata x ed y, axa x ed y, traject unitar, probabilitad.  
 » san duvrar unitads da mesira e lur abreviaziuns: sveltezza (km/h, m/s, kB/s, dpi).

- l » chapeschan e dovrano las noziuns pendenza en %, tschains, tariffa da tschains, chapital, rabat, brut, net.

		renviaments
	m	<ul style="list-style-type: none"> <li>» chapeschan e dovrان las noziuns funcziun (lineara), evenimenti segirs, pussaivels, nunpussaivels, diagram da circulaziun, bit, byte.</li> <li>» chapeschan e san duvrar prefixs: micro, nano.</li> <li>» san duvrar unitads da mesira e lur abreviazjuns: densitat (<math>\text{kg}/\text{dm}^3</math>, <math>\text{g}/\text{cm}^3</math>).</li> </ul>
	n	<ul style="list-style-type: none"> <li>» chapeschan e dovrان las noziuns creschientscha exponenziala, facultad.</li> </ul>

	<b>2. Las scolaras ed ils scolars san stimar, mesirar, transfurmar, arrundar grondezzas e far quints cun quellas.</b>	renviaments AS - Orientaziun temporala [3]
MA.3.A.2	Las scolaras ed ils scolars ...	
1	<p>a » san reparter lunghezzas e volumens (p.ex. tagliar ina corda en parts ch'en circa tuttina lungas u reparter aua sin plirs magiels).</p> <p>» san parter in di en damaun, mezdi, suentermezdi, saira e notg (p.ex. attribuir activitads a las differentas parts dal di).</p> <p>b » san furmar summas entiras da francs fin 20 francs sco era adir e subtrahar.</p> <p>» san eruir las uras cun in'exactedad d'ina mes'ura.</p> <p>c » san stimar, mesirar ed adir lunghezzas fin 1 m (p.ex. 15 cm + 35 cm).</p> <p>» san dublegiar e smesar lunghezzas e summas da daners, parter 1 meter en 2, 5 e 10 parts tuttina lungas sco era furmar summas entiras da francs fin 100 francs cun munaida e bancnotas.</p> <p>d » san furmar summas da daners cun francs e raps sco era adir e subtrahar (furmar 20 francs cun <math>2 \cdot 5 \text{ fr.} + 5 \cdot 2 \text{ fr.}</math>; 25 fr. 60 rp. + 14 fr. 30 rp.).</p> <p>» san eruir las uras a moda analogia e digitala.</p>	NUS.9.1.a
2	<p>e » san stimar, mesirar e transfurmar grondezzas en proximas unitads da mesira: l, dl; m, cm, mm; kg, g (p.ex. 2000 g = 2 kg).</p> <p>» san adir, subtrahar e multiplitgar grondezzas: l, dl; m, cm, mm; kg, g (p.ex. 3 cm 5 mm + 2 cm 7 mm).</p> <p>» san stimar lunghezzas, volumens e pais e cumpareglier quels cun valurs represchentantas.</p> <p>f » san stimar e mesirar lunghezzas, pais, cuntegns, uras e duradas sco era specificitar cun in'unitad da mesira adattada.</p>	
○	<p>g » san far quints cun lunghezzas, pais, volumens ed uras sco era transfurmar grondezzas correspondentes en unitads da mesira vischinas.</p> <p>h » san stimar, eruir, cumpareglier ed arrundar grondezzas (daners, lunghezzas, pais resp. massa, uras, volumens [<math>\text{m}^3</math>]), far quints cun quellas, transfurmar quellas en proximas unitads da mesira e scriver ellias en duas unitads.</p>	NUS.3.1.f
3	<p>i » san stimar surfatschas e volumens [<math>\text{m}^3</math>] en in'unitad da mesira adattada e transfurmar quels en unitads da mesiras vischinas.</p> <p>» san cumpareglier grondezzas a moda absoluta e relativa (p.ex. 120 tocs u 60 % resp. <math>\frac{3}{5}</math> d'ina quantiad).</p> <p>» san mesirar distanzas e duradas per calcular sveltezzas.</p> <p>j » san trair a niz il sistem da las unitads da mesira decimalas (sistem SI) ed attribuir ils prefixs mega, kilo, deci, centi e milli a las potenzas da diesch.</p>	

		renviaments
k	» san far quints cun facturs cumponids e transfurmar grondezzas d'ina unitad en in'autra. » san transfurmar sveltezzas (p.ex. da 200m/10s en 72 km/h).	

	<b>3. Las scolaras ed ils scolars san descriver connexs funcziunals ed eruir valurs funcziunals.</b>	renviaments
MA.3.A.3	Las scolaras ed ils scolars ...	
1	<p></p> <p>a » san descriver tabellas da valurs (p.ex. 1 buttiglia ? 2 francs; 2 buttiglias ? 4 francs; 3 buttiglias ? 6 francs).</p> <p>b » san descriver e centinuar cun series da dumbers linearas e tabellas da valurs cun dumbers entirs (p.ex. 0, 9, 18, 27, 36, ...; 1 m → 8 fr.; 2 m → 16 fr.; 3 m → 24 fr., ...).</p>	
2	<p>c » san centinuar cun series da dumbers linearas e betg linearas (p.ex. 90, 81, 70, 57, ...; 1, 4, 9, 16, ...; 1, 3, 6, 10, 15, ...).</p> <p>d » san descriver e centinuar cun tabellas da valurs che cuntegnan connexs proporziunals da summas da daners (p.ex. 100 g → 5.40 fr.; 200 g → 10.80 fr.; 300 g → 16.20 fr., ...).</p> <p>e » san eruir connexs funcziunals en tabellas da valurs (p.ex. distanzas ch'ins fa cun ina sveltezza da 4.5 km/h en 10 min., 20 min., 30 min. ...). » san far quints cun relaziuns proporziunalas (p.ex. 300 g chaschiel a 20 fr./kg; consum da carburant per 700 km a 6 l/100 km).</p> <p>f » san eruir e cumpareglier quotas (p.ex. en X cun 2 negozis da termagls vivan 12 000 persunas; en Y cun 8 negozis da termagls vivan 30 000 persunas).</p>	NUS.3.1.g
3	<p>g » san eruir valurs funcziunals sin basa da grafs. » san far quints cun relaziuns indirectamain proporziunalas (p.ex. quantas chartas survegn mintga persunas, sch'ins ha in gieu da 72 chartas ed x congiugaders). » chapeschan pertschients sco attribuziuns proporziunalas e fan quints da pertschients (p.ex. quants pertschients èn 7 da 35 è quant è 7 % da 35?).</p> <p>h » san eruir pèrs da valurs d'ina equaziun funcziunala e dissegna quels en in sistem da coordinatas. » san eruir lunghezzas da trajects sin basa d'indicaziuns da la scala e viceversa (p.ex. dissegna sin ina charta rutas adattadas per ina spassegiada da 12 km).</p> <p>i » san eruir la valur funcziunala d'in dumber inditgà o d'ina tabella da valurs, d'ina preschentaziun grafica e cun l'equaziun funcziunala sco era dissegna illos pèrs da valurs en il sistem da coordinatas (p.ex. <math>y = 2x + 1</math>, per <math>x = 7 \rightarrow y = 15</math>). » san applitgar il calculatur u ina software adattada (p.ex. calculaziun da tabellas) per calcolar valurs funcziunals e facturs. » san far quints reals cun pertschients (p.ex. pendenza e tschains).</p> <p>j » san eruir il punct da tagl da duas lingias gulivas a moda algebraica e grafica.</p> <p>k » san dissegna il graf tar funcziuns linearas ed eruir la pendenza, il segment da l'axa y e la posizion nulla da quel.</p>	MI - Produziun e preschentaziun

**MA.3** Grondezzas, funcziuns, datas e casualitat  
**B Perscrutar ed argumentar**

- 1. Las scolaras ed ils scolars san formular dumondas tar relaziuns da grondezzas e tar connexs funcziunals, perscrutar quels e controllar sco era argumentar resultats.**

renviaments  
 AS - Independenza ed agir social (9)

**MA.3.B.1** Las scolaras ed ils scolars ...

<b>1</b>	a	» san cumpareglier quantitads, lunghezzas, surfatschus e volumens in cun l'auter.	
	b	» san variar quantitads e pretschs ed examinar effects (p.ex. 3 ballas a 4 francs e 5 ballas a 2 francs).	
	c	» san perscrutar situaziuns concretas areguard quantitads, trajects, uras, duradas e pretschs sco era descriver e dumandar connexs (p.ex. cumpareglier la durada dal viadi dad ir e da turnar cun il viadi dad ir).	
	d	» san examinar relaziuns tranter lunghezzas, pretschs e temps (p.ex. objects pli gronds èn pli chars u viadis pli lungs dovran dapli temp).	
<b>2</b>	e	» san formular e perscrutar dumondas tar relaziuns tranter grondezzas e san examinar connexs funcziunals (p.ex. l'autezza d'emplenida da $\frac{1}{2}$ liter, 1 liter, 2 liters en differents recipienti; la relaziun tranter il pretsch ed il pais d'in product; il pais d'ina bavronda light e d'ina limunada).	
	f	» san perscrutar grondezzas d'autras culturas (p.ex. differentas unitads da lunghezza che vegnivan duvradas en Svizra tudestga dal Temp medieval). » san cumpareglier experiments, mesiraziuns e calculaziuns (p.ex. quant exact pon ins mesirar la lunghezza d'in local cun lunghezzas dal pe?).	
	g	» san formular ed argumentar connexs funcziunals en spezial tranter il pretsch e la prestaziun e tranter il viadi ed il temp (p.ex. cumprar bavrondas che vegnan vendidas en differentas grondezzas).	
	h	» amplificaziun: san midar parameters en equaziuns e furmlas e perscrutar ils effects en spezial cun meds auxiliars electronics (p.ex. co sa midan ils custs da telefon per mais cun in abunament char e tariffas da conversaziun favuraivlas).	MI - Producziun e preschentaziun
<b>3</b>	i	» san verifitgar resultats e deposiziuns davart connexs funcziunals, en spezial cun interpretar tabellas, grafs e diagrams (p.ex. il viadi a la lavur cun velo e tren dad X ad Y dura main ditg ed è pli favuraivel ch'il viadi cun l'auto).	
	j	» san perscrutar connexs funcziunals e statistics, far dumondas latiers e cumpareglier resultats (p.ex. connex tranter la pendenza en grads e la pendenza en pertschients). » san perscrutar datas statisticas nunelavuradas davart dumondas socialas, economicas ed ecologicas e barattar suposiziuns latiers.	



**2. Las scolaras ed ils scolars san perscrutar situaziuns concretas da la statistica, da la cumbinatorica e da la probabilitad, formular suposiziuns e verifitgar quellas.**

renviaments  
AS - Fantasia e creativitat (6)

MA.3.B.2 Las scolaras ed ils scolars ...

1	 a » san variar arranschaments, ordinar e notar quels (p.ex. dumbers da duas cifras cun las cifras 1, 2, 3; viadis tuttina lungs en in plan schematic d'ina citad; urdens da seser da trais uffants). » san stimar quant bain ch'ins po influenzar situaziuns (p.ex. quant bain pon ins influenzar l'aura; quant bain pon ins influenzar la durada dal viadi a scola).	
2	b » san cumbinar e variar sistematicamain (p.ex. furmar pèrs cun 6 uffants). » san far dumondas tar datas statisticas e responder quellas (p.ex. il viadi a scola il pli lung è passa duas giadas pli lung ch'il pli curt; la gronda part dals uffants abitan pli datiers che 1 km da la scola).	
○	c » san perscrutar cumbinaziuns e permutaziuns dumbrablas, descriver observaziuns e verifitgar deposiziuns (p.ex. cumbinaziun da cifras tar la serradira dal velo; permutaziuns cun bustabs ADEN, ADNE, AEDN, ...).	
○	d » san notar sistematicamain tut las pussaivladads da variaziuns e cumbinaziuns dumbrablas (p.ex. dumbers cun las cifras 1, 2, 3 cun u senza repetiziun: 123, 132, 213, 231, 312, 321, 112, 121, 211, ...).	
3	e » san eruir frequenzas a maun d'experiments e formular suposiziuns davart lur probabilitads (p.ex. traer pideras: mussa il chau u il piz engiu; survegnir dus dumbers pèrs u la summa 7 cun traer dus dats). » èn pronts da s'occupar da dumondas nunenconuscentas davart la cumbinatorica e la probabilitad.	
○	f » san verifitgar ed argumentar probabilitads ed indicaziuns statisticas (p.ex. la probabilitad da survegnir duas giadas in suenter l'autra chau cun traer ina munaida è 0.25; en las Prealps possedan relativamain dapli giuvenils ina motoretta ch'en la Svizra bassa).	
○	g » cumpareglian problems cumbinatorics, vesan ed inventan analogias (p.ex. sche 5 persunas dattan il maun ina a l'autra, è quai tuttina sco sche 2 da 5 persunas survegnan in tschincun).	

MA.3  
C

## Grondezzas, funcziuns, datas e casualitat

### Matematisar e preschentar

	<b>1.</b> <b>Las scolaras ed ils scolars san retschertgar, ordinar, preschentar, evaluar ed interpretar datas da la statistica, da la cumbinatorica e da la probabilitad.</b>	renviaments
MA.3.C.1	Las scolaras ed ils scolars ...	
<b>1</b>	a » rimnan ed ordineschan (p.ex. ordinar e dumbrar crappa tenor colur).	
	b » san retschertgar, protocollar, ordinar ed interpretar frequenzas, lunghezzas e pretschs (p.ex. far ina glista da stritgs per ils puncts dal dat; lunghezzas dal corp). » san preschentar dumbers concrets (p.ex. 7 uffants blonds cun 7 quadrins, 5 uffants cun chavels brins cun 5 quadrins).	
	c » san preschentar graficamain lunghezzas e pretschs (p.ex. 1 fr. u 1 cm cun mintgamai in quadrin).	
<b>2</b>	d » san preschentar datas da la lunghezza, dal cuntegn, dal pais, da la durada, da la quantidad e dal pretsch en tabellas e diagrams ed interpretar quellas (p.ex. dad animals da chasa). » san far experiments casuals, protocollar ils resultats ed interpretar quels (p.ex. trair 50 giadas dus dats).	
●	e » san registrar, ordinar, preschenter ed interpretar datas a moda statistica (p.ex. viadis a scola: distanza, meds da transport, durada).	
	f » san evaluar unitads da datas tenor criteris ed eruir la valur media, la valur maximala e la valur minimala en unitads da datas.	
	g » san preschentar datas da la lunghezza, dal cuntegn, dal pais, da la durada, da la quantidad e dal pretsch en diagrams a maun dal computer ed interpretar quellas. » san cumpareglier la probabilitad da singuls eveniments.	MI - Produczion e preschentazion
<b>3</b>	h » san far experiments casuals da plirs stgalims cun dats, cun munaida u cun chartas e preschentar eveniments pussaivels (p.ex. dissegner in diagram da planta/bostg per trair traís giadas ina munaida).	
●	i » amplificaziun: san far experiments casuals ed eruir las probabilitads (p.ex. eruir la probabilitad ch'ins survegn duas giadas in suenter l'auter la medema colur, sch'ins tira ina charta). » amplificaziun: san deducir da la frequenza relativa d'in eveniment deposiziuns davart la probabilitad (p.ex. entaifer 1 mais han 88 trens da 2750 trens passa 5 min retard, 57 da quels han passa 10 min retard).	
●	j » san formuar relaziuns tranter differentas grondezzas sin basa da datas (p.ex. connex tranter il traject da cursa e la victoria en il gieu da ballape). » san elavurar dumondas socialas (p.ex. prevenziun d'accidents), economicas (p.ex. tschains, rabat, leasing) ed ecologicas (p.ex. consum d'aua, dismissa) e cumpareglier dumbers a moda absoluta e relativa.	

<b>2. Las scolaras ed ils scolars san matematisar, preschentar e calcular situaziuns concretas sco era interpretar e verifitgar resultats.</b>		renviaments AS - Lingua e communicazion (8)
MA.3.C.2 Las scolaras ed ils scolars ...		
1	a » san cumpareglier quantitads, musters ed urdens en situaziuns concretas (dapli, main, tuttina bler, pli lung, pli curt, tuttina lung).	
b	» san notar e schliar operaziuns da basa davart situaziuns concretas, istorgias e maletgs sco era interpretar resultats (p.ex. 13 mattas e 5 mattatschs èn 18 uffants; 1 cudesch custa 10 fr. → 5 cudeschs custan $5 \cdot 10$ fr.). » distinguan indicaziuns essenzialas d'indicaziuns senz'impurtanza per schliar quints (p.ex. in cudesch è 5 cm gross, ha 75 paginas ed è gratuit. Quant custa il cudesch?).	
c	» san furmar operaziuns da basa cun variablas resp. operaziuns inversas davart istorgias, schliar quellas ed interpretar ils resultats (p.ex. in regal custa 36 fr., il respagn è 23 fr., quants daners mancan anc?).	
2	d » san formular dumondas davart texts, tabellas e diagrams, far atgnas calculaziuns sco era interpretar ils resultats e verifitgar quels.	
e	» identifitgeschan proporzionalitads en situaziuns concretas (p.ex. tranter il dumber dals pass e la distanza). » san elavurar infurmaziuns or da texts tematic, tabellas, diagrams e maletgs da las medias.	
3	f » identifitgeschan connexs proporzionali e linears (amplificaziun: indirectamain proporzionali) en situaziuns concretas (p.ex. pretsch dal taxi cun ina taxa da basa ed in pretsch fix per km). » san disegnar pèrs da valurs sco era grafs en in sistem da coordinatas (p.ex. temps intermediars en cursas da 10'000 m; pais resp. massa e pretsch da victualias). » san transponer situaziuns da mintgadi (p.ex. surfatscha d'ina stanza; sveltezza d'in auto; consum da benzin) en lingua matematica, identifitgar las grondezzas correctas e tscherner las unitads da mesira adattadas.	
g	» san preschentar la dependenza da duas grondezzas cun in graf ed interpretar grafs (p.ex. diagram da la via e dal temp per ina cursa da 400 m). » amplificaziun: san tscherner per ina tabella da valurs ina scala adattada en il sistem da coordinatas. » amplificaziun: san descriver connexs funcziunals linears cun in term (p.ex. curs da stgom).	
h	» san attribuir in a l'auter ed interpretar tabellas da valurs, diagrams, texts tematic, terms e grafs. » san elavurar situaziuns concretas tenor aspects funcziunals, statistics e probabilistics, prender decisiuns commensuradas e preschentar soluziuns cun tabellas da valurs, diagrams, texts, terms e grafs.	
i	» san duvrar ina software per la preschentaziun grafica da funcziuns.	

		renviaments
3.	<b>Las scolaras ed ils scolars san concretisar terms, furmlas, equaziuns e tabellas cun situaziuns tematicas.</b>	
MA.3.C.3	Las scolaras ed ils scolars ...	
1	a) » san concretisar quantitads cun exempels.	
	b) » san dar in senn ad adiziuns e subtracziuns cun agid d'istorgias, maletgs ed acziuns (p.ex. $12 + 8 \rightarrow$ sin la piazza da pausa èn 12 mattas ed 8 mattatschs).	
	c) » san dar in senn ad operaziuns da basa e tabellas cun agid d'istorgias, maletgs ed acziuns (p.ex. $5 \cdot 8 \rightarrow$ in uffant fa 5 chasas cun mintgamai 8 blocs).	
2	d) » san concretisar equaziuns cun ina variabla a maun d'istorgias u maletgs (p.ex. $28 + \underline{\quad} = 50 \rightarrow$ in bus ha 50 plazzas da seser, 28 èn già ocupadas).	
●	e) » san dar in senn a terms e tabellas (p.ex. 125 fr. + 4 fr. + 4 fr. + 4 fr. - 34 fr. $\rightarrow$ Respargn da 125 fr. Durant 3 emnas survegn jau mintgamai 4 francs daners da giaglioffa. Jau cumprel ina balla per 34 fr.).	
	f) » san descriver connexs davart ina tabella da valurs proporziunala (p.ex. il dumber da min per mintga km fatgl).	
3	g) » amplificaziun: san concretisar terms alfabetics, furmlas ed equaziuns funcziunalas linearas cun situaziuns concretas (p.ex. l'equaziun funcziunala $y = 2x + 3$ cun pretsch = 2 · dumber + 3).	